



Srednje vrijednosti

Vrste srednjih vrijednosti

→ Srednje vrijednosti ili mjere centralne tendencije

→ Vrste srednjih vrijednosti:

1. POTPUNE SREDNJE VRIJEDNOSTI
2. POLOŽAJNE SREDNJE VRIJEDNOSTI
3. SPECIFIČNE SREDNJE VRIJEDNOSTI

Potpune srednje vrijednosti

→ Aritmetička sredina – (A.S.) X

☑ aritmetička sredina relativnih brojeva
strukture – P

☑ aritmetička sredina relativnih brojeva
koordinacije – R

→ Harmonijska sredina – H

→ Geometrijska sredina – G

→ Aritmetička sredina aritmetičkih sredina X

Položajne srednje vrijednosti

- **medijan – Me** (ordinalni niz)
- **mod – Mo** (nominalni niz, ordinalni niz)

Specifične srednje vrijednosti

- **momenti distribucije frekvencija**

Osnovne značajke srednjih vrijednosti

- Utjecaj ekstremnih obilježja na srednje vrijednosti
- Utjecaj frekvencija u distribuciji frekvencija na srednje vrijednosti
- Utjecaj svih obilježja koja su različita od srednje vrijednosti na tu srednju vrijednost
- Odnos promatrane srednje vrijednosti i drugih obilježja

Zahtjevi srednjih vrijednosti

- Mogućnost utvrđivanja srednje vrijednosti **objektivnim računskim pravilom na jedinstven način**
- Srednja vrijednost mora biti sadržana **između najmanje i najveće vrijednosti obilježja**
- Ako su **sve srednje vrijednosti obilježja jednake**, i srednja vrijednost mora biti jednaka toj vrijednosti



Aritmetička sredina

Aritmetička sredina (MEAN), $\bar{X}$, $\bar{x}$

→ **prosjeak**

→ **N-ti dio totala**

→ **vrijednosti N.O. osnovnog skupa**

(N – broj jedinica osnovnog skupa)

$X_1, X_2, X_i, \dots, X_N$ $i=1, 2, \dots, N$

→ **vrijednosti N.O. uzorka**

(n – broj jedinica uzorka)

$x_1, x_2, x_i, \dots, x_n$ $i=1, 2, \dots, n$

Aritmetička sredina osnovnog skupa

$$\bar{X} = \frac{\text{suma vrijednosti num. obilježja osnovnog skupa}}{\text{broj jedinica osnovnog skupa}} = \frac{\text{Total}}{N}$$

Aritmetička sredina uzorka

$$\bar{x} = \frac{\text{suma vrijednosti num. obilježja uzorka}}{\text{broj jedinica uzorka}} = \frac{\text{total}}{n}$$

Jednostavna aritmetička sredina

- Jednostavna, neponderirana A.S. osnovnog skupa
- Koristi se za negrupirani niz podataka

Ako obiježje X od N elemenata ima vrijednosti mjerene na svakom elementu:

$X: X_1, X_2, X_3, \dots, X_N$

$$\bar{X} = \frac{X_1 + X_2 + X_3 + \dots + X_k}{N} = \frac{\sum_{i=1}^k X_i}{N}$$

Ponderirana, vagana aritmetička sredina

- A.S. vagana frekvencijama
- Koristi se za grupirani niz podataka

Ako je zabilježeno k modaliteta obilježja, podaci predstavljaju distribuciju frekvencija sa:

$$\bar{X} = \frac{f_1X_1 + f_2X_2 + f_3X_3 + \dots + f_kX_k}{f_1 + f_2 + f_3 + \dots + f_k} = \frac{\sum_{i=1}^k f_iX_i}{\sum_{i=1}^k f_i}$$

Ponderirana aritmetička sredina relativnih frekvencija

→ Relativne i apsolutne frekvencije su upravo proporcionalne!

☑ **X:** $X_1, X_2, X_i, \dots, X_k$

$i = 1, 2, \dots, k$

☑ **p:** $p_1, p_2, p_i, \dots, p_k$

$i = 1, 2, \dots, k$

$$\bar{X} = \frac{p_1 X_1 + p_2 X_2 + p_i X_i + \dots + p_k X_k}{f_1 + f_2 + f_3 + \dots + f_k} = \frac{\sum_{i=1}^k p_i X_i}{\sum_{i=1}^k p_i}$$

Svojstva aritmetičke sredine

1. svojstvo

Algebarski zbroj odstupanja originalnih vrijednosti numeričkog obilježja od aritmetičke sredine jednak je nuli

$$\Sigma(X_i - \bar{X}) = 0$$

2. svojstvo

Zbroj kvadrata odstupanja originalnih vrijednosti numeričkog obilježja od aritmetičke sredine jednak je minimumu

$$\Sigma(X_i - \bar{X})^2 = \min.$$

3. svojstvo

Aritmetička sredina uvijek se nalazi između najmanje i najveće vrijednosti numeričkog obilježja varijable X_i

$$X_{\min} \leq X \leq X_{\max}$$

4.svojstvo

Ako je vrijednost numeričke varijable X_i jednaka konstanti c , **aritmetička sredina** te varijable jednaka je konstanti c .

$$X = c$$

$$X_1 = X_2 = \dots = X_k = c$$

5. svojstvo

Aritmetička sredina je sklona ekstremima



Medijan

Medijan

- Medijan (Me) je **srednja pozicijska vrijednost numeričkog obilježja ili redosljednog obilježja**
- Medijan je srednja vrijednost redosljednog ili numeričkog obilježja koja **elemente osnovnog skupa (statističkog niza) dijeli na dva jednaka dijela, tako da se u jednom dijelu nalaze elementi koji imaju vrijednost obilježja manju ili jednaku Me , a u drugom dijelu se nalaze elementi koji imaju vrijednost obilježja jednaku ili veću od Me**

Određivanje medijana

Određivanje medijana moguće je kod:

- Individualnog numeričkog obilježja
- Redoslijednog numeričkog obilježja
- Diskontinuiranog numeričkog obilježja $i=1$

Izračunavanje medijana

Medijan se izračunava kod:

- Kontinuiranog numeričkog obilježja
- Diskontinuiranog numeričkog obilježja gdje su razredi različiti od 1

Grafičko određivanje medijana

Medijan se može grafički odrediti uz pomoć:

- Kumulativnog niza "manje od"
- Kumulativnog niza "manje od" i kumulativnog niza "više od"

Određivanje medijana za individualne vrijednosti

Ako je broj elemenata u skupu:

- a) NEPARAN $N=(2k+1)$ onda je $Me=k+1$
- b) PARAN $N=2k$ onda je $Me = \text{polusuma}$
 $\text{dva srednja elementa}$

POSTUPAK:

- vrijednosti obilježja poredati po veličini
- odrediti centralnu jedinicu

Izračunavanje Me kod grupiranih vrijednosti

→ Medijan se ne može odrediti nego se mora izračunati prilikom:

- ☑ Kontinuiranog numeričkog obilježja
- ☑ Diskontinuiranog numeričkog obilježja
kada je $i > 1$

→ jer nije poznata vrijednost NO za svaki element, odnosno statističku jedinicu

POSTUPAK:

KORAK 1: Formirati kumulativni niz

KORAK 2: Naći $N/2$

KORAK 3: Odrediti medijalni razred

KORAK 4a: Uvrstiti podatke u formulu za korištenje kumulativnog niza "manje od"

$$\mathbf{Me = l_1 + \frac{N/2 - \sum f_i}{f_{med}} * i}$$

l_1 – donja granica medijalnog razreda

$\sum f_i$ – zbroj frekvencija odozgo prema dolje do medijalnog razreda

i – veličina medijalnog razreda

f_{med} – originalna frekvencija medijalnog razreda

KORAK 4b: Uvrstiti podatke u formulu za korištenje kumulativnog niza "više od"

$$Me = l_2 - \frac{N/2 - \sum f_i}{f_{med}} * i$$

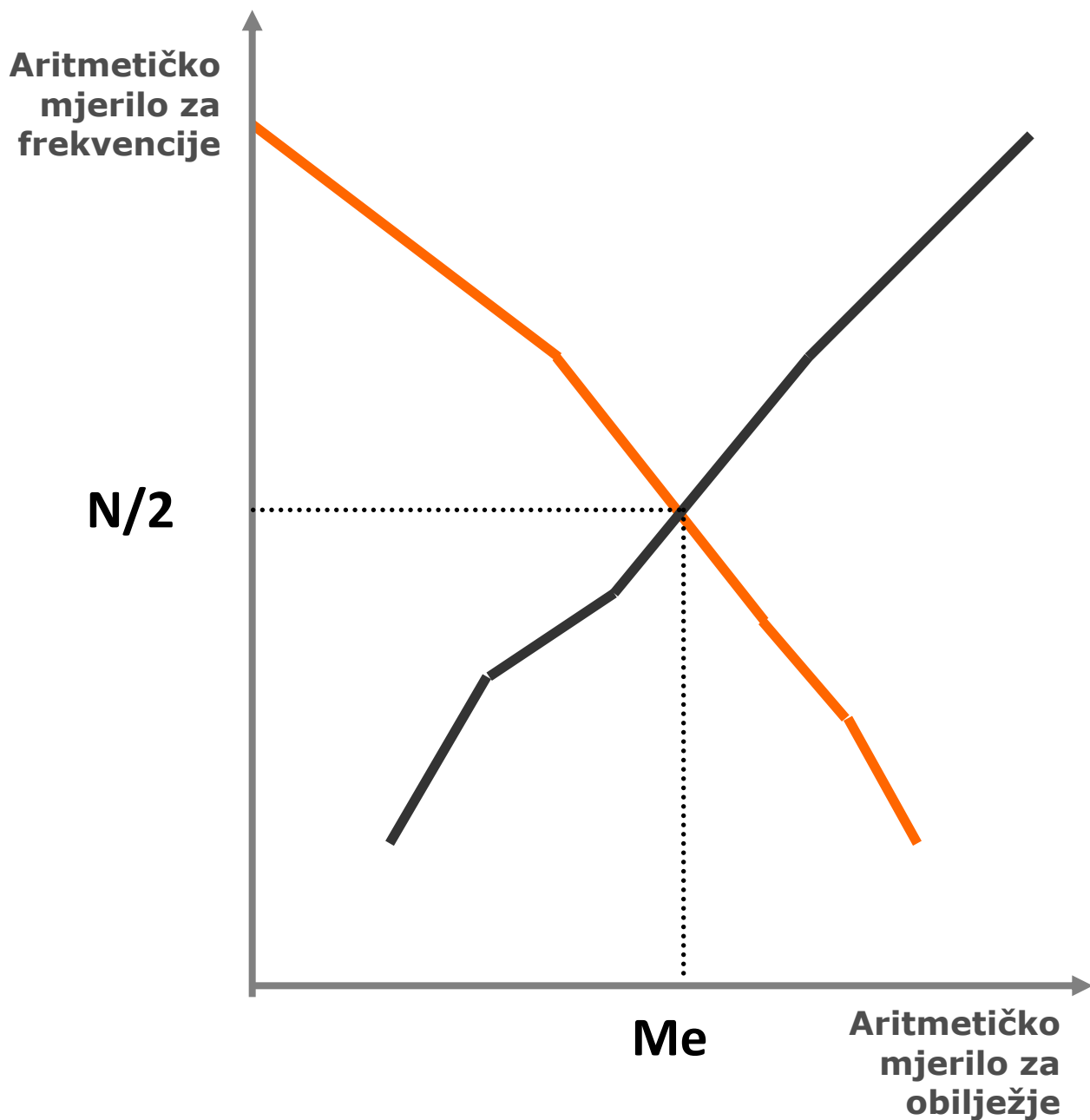
l_2 – gornja granica medijalnog razreda

$\sum f_i$ – zbroj frekvencija odozgo prema dolje do medijalnog razreda

i – veličina medijalnog razreda

f_{med} – originalna frekvencija medijalnog razreda

Grafičko određivanje medijana



Uporaba medijana

- Kod **redoslijednog obilježja** medijan je prihvatljivija mjera od aritmetičke sredine
- Za **vrlo asimetrične distribucije**, te distribucije s ekstremno visokim i/ili niskim krajnjim vrijednostima
- Za **distribucije s otvorenim razredima** gdje procjena donje odnosno gornje granice bitno utječe na aritmetičku sredinu